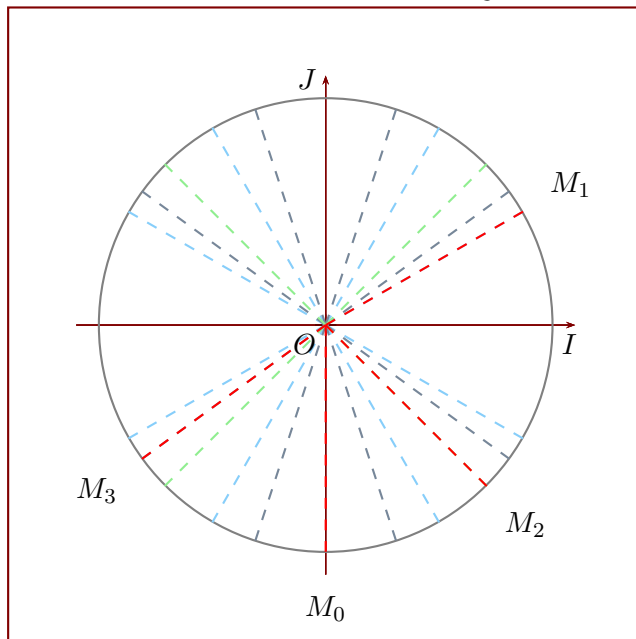
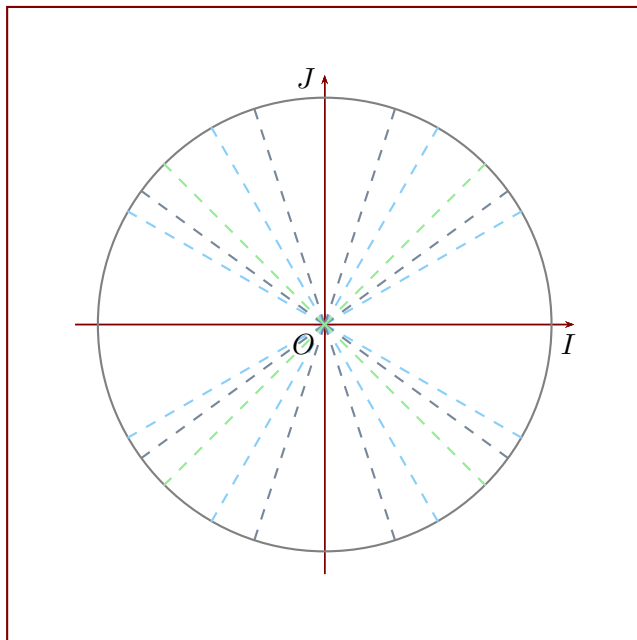


**Exercice 1**

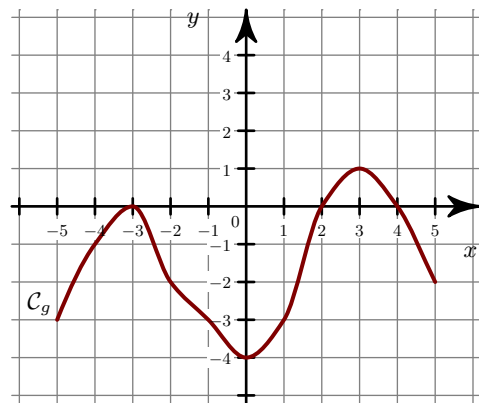
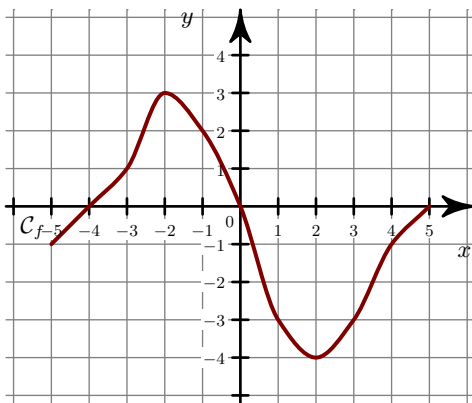
- 1. Convertir les cinq mesures suivantes en radians :  $157^\circ$ ,  $311^\circ$ ,  $55^\circ$ ,  $54^\circ$  et  $88^\circ$ .
- 2. Convertir les cinq mesures suivantes en degrés :  $\frac{14\pi}{20}$ ,  $\frac{280\pi}{180}$ ,  $\frac{2\pi}{9}$ ,  $\frac{9\pi}{15}$  et  $\frac{14\pi}{45}$  rad.
- 3. Déterminer les mesures principales des angles suivants en radians :  $\frac{21\pi}{16}$ ,  $\frac{91\pi}{3}$ ,  $\frac{35\pi}{14}$ ,  $\frac{16\pi}{11}$  et  $\frac{-39\pi}{25}$  rad.
- 4. Des angles ont été placés sur le cercle trigonométrique ci-dessous, représentés en rouge par les points  $M_0$ ,  $M_1$ ,  $M_2$  et  $M_3$ . Lire leurs mesures principales en radians ( les lignes vertes, grises et bleues représentent des angles multiples de  $\frac{\pi}{3}$ , de  $\frac{\pi}{4}$  et de  $\frac{\pi}{5}$  ).



- 5. Placer les angles suivants sur le cercle trigonométrique :  $\frac{3\pi}{4}$ ,  $\pi$ ,  $\frac{-\pi}{2}$  et  $\frac{106\pi}{4}$  rad.

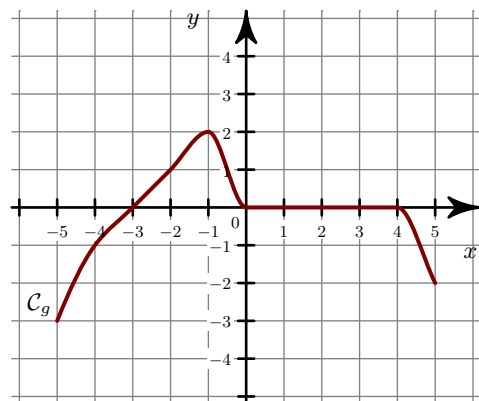
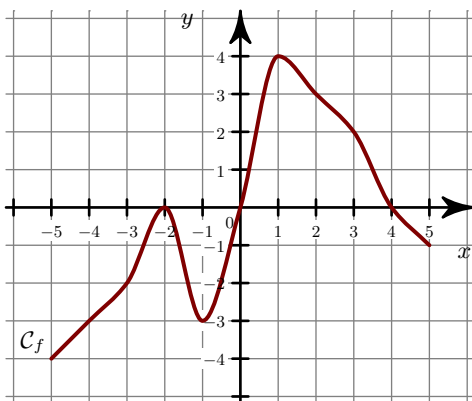
**Exercice 2**

- 1. Quel est le sens de variation de la fonction  $f$  ? Répondre par une phrase en précisant les intervalles.
- 2. Tracer les tableaux de variation des fonctions  $f$  et  $g$ .



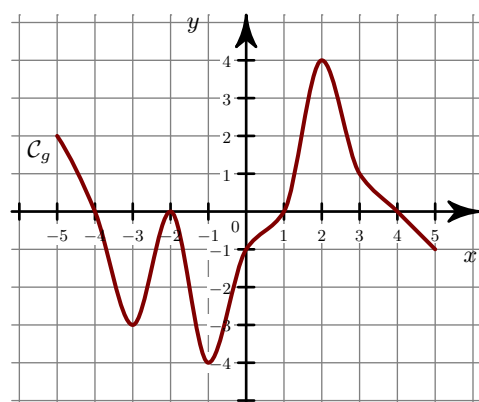
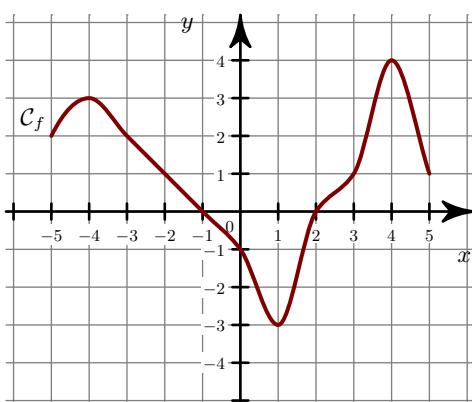
### Exercice 3

- 1. Quel est le sens de variation de la fonction  $f$  ? Répondre par une phrase en précisant les intervalles.
- 2. Tracer les tableaux de variation des fonctions  $f$  et  $g$ .



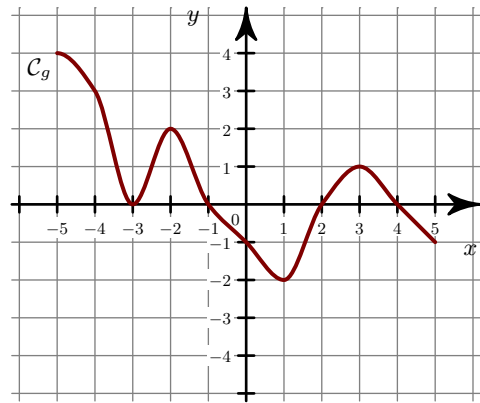
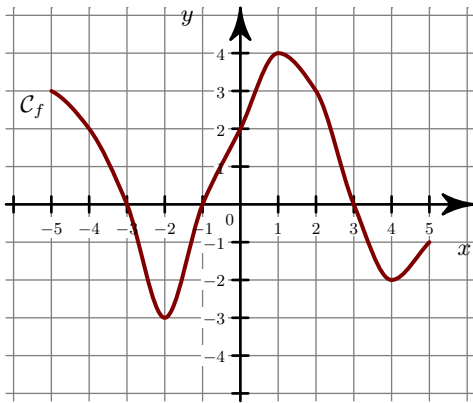
### Exercice 4

- 1. Quel est le sens de variation de la fonction  $f$  ? Répondre par une phrase en précisant les intervalles.
- 2. Tracer les tableaux de variation des fonctions  $f$  et  $g$ .



### Exercice 5

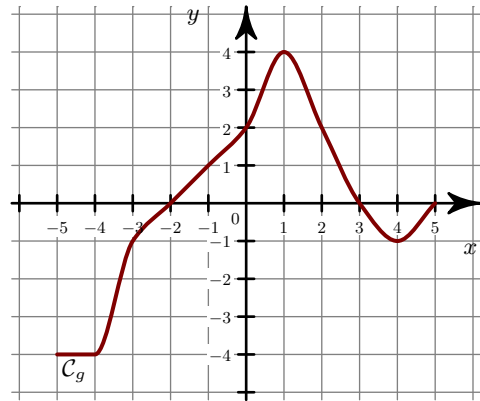
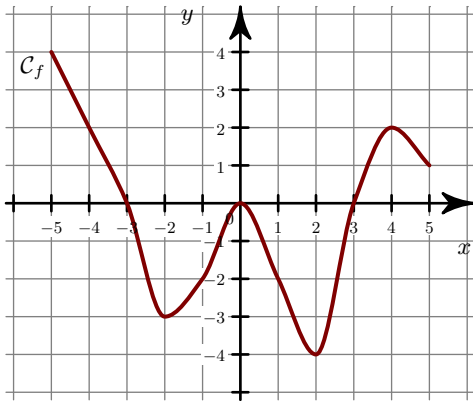
- 1. Quel est le sens de variation de la fonction  $f$  ? Répondre par une phrase en précisant les intervalles.
- 2. Tracer les tableaux de variation des fonctions  $f$  et  $g$ .



**Exercice 6**

- ▶1. Quels sont les extrema de la fonction  $f$  ?
- ▶2. Quel est le maximum de  $f$  sur l'intervalle  $[-4 ; 0]$  ?

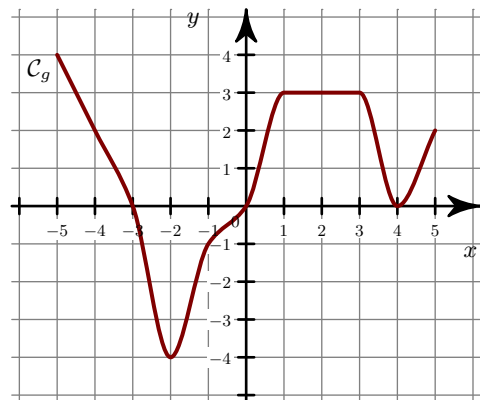
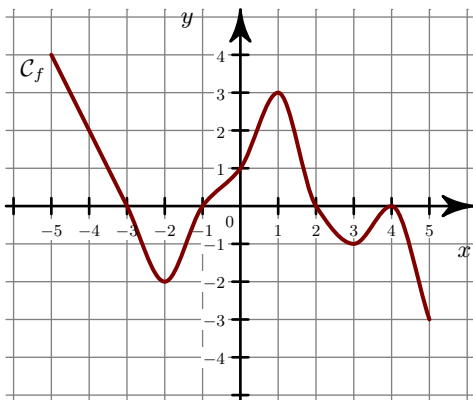
- ▶3. Quels sont les extrema de la fonction  $g$  ?
- ▶4. Quels sont les extrema de  $g$  sur l'intervalle  $[-2 ; 1]$  ?



**Exercice 7**

- ▶1. Quels sont les extrema de la fonction  $f$  ?
- ▶2. Quel est le minimum de  $f$  sur l'intervalle  $[1 ; 4]$  ?

- ▶3. Quels sont les extrema de la fonction  $g$  ?
- ▶4. Quels sont les extrema de  $g$  sur l'intervalle  $[-2 ; 3]$  ?



**Exercice 8**

- ▶1. Pour chaque question, répondre avec une phrase en précisant les intervalles.

- a) Quel est le signe de la fonction  $f$ ? | b) Quels sont les extrema de la fonction  $g$ ?

►2. Tracer une représentation graphique de  $f$  et  $g$  sur leurs ensembles de définition.

$x$	-5	-3	0	2	3	5
$f(x)$	4		0	0	3	0

$x$	-5	-4	-2	0	2	5
$g(x)$		1	3	0	-4	0

**Exercice 9**

►1. Pour chaque question, répondre avec une phrase en précisant les intervalles.

- a) Quel est le signe de la fonction  $f$ ? | b) Quels sont les extrema de la fonction  $g$ ?

►2. Tracer une représentation graphique de  $f$  et  $g$  sur leurs ensembles de définition.

$x$	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	5
$f(x)$		0	1	0	-2	0	4	0	-4	0

$x$	-5	-3	-2	0	2	3	4	5
$g(x)$	-1	-1	0	4	0	3	0	-3

**Exercice 10**

►1. À partir du tableau de variation ci-dessous, recopier et compléter les égalités ou inégalités suivantes en justifiant :

- a)  $f(6,4) \dots f(7,3)$  | b)  $f(-4,7) \dots f(-3,7)$  | c)  $f(3,6) \dots f(5,1)$

►2. Peut-on comparer l'image des nombres 2, 3 et 6, 3? Justifier.

►3. Peut-on comparer l'image des nombres 1, 6 et 6, 6? Justifier.

$x$	-5	-3	0	1	2	3	4	6	8
$f(x)$	8	8	0	-3	0	4	0	-5	0

**Exercice 11**

►1. À partir du tableau de variation de la fonction  $f$ , compléter les égalités ou inégalités suivantes :

a) Pour  $x \in [-6 ; 4]$ ,  $f(x) \geq \dots$

b) Pour  $x \in [-6 ; 4]$ ,  $f(x) \leq \dots$

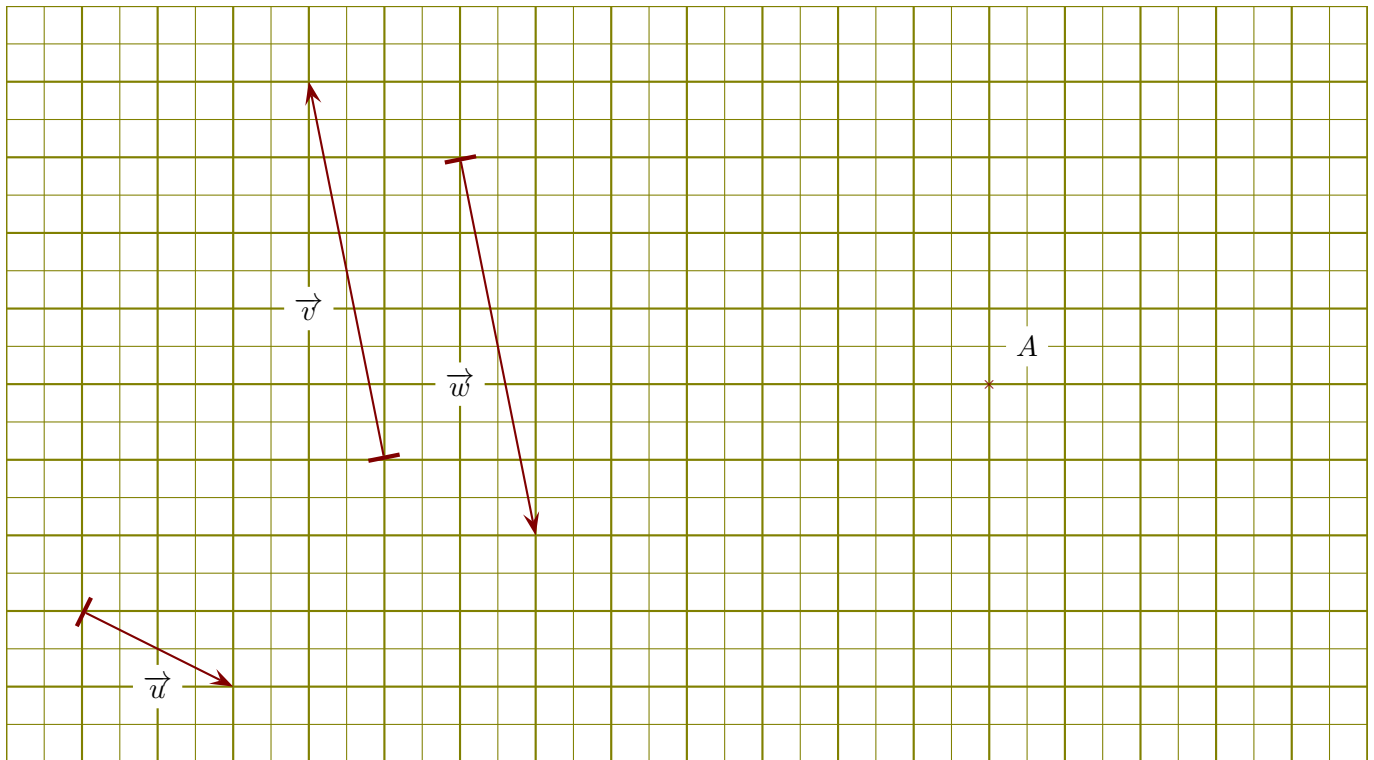
c) Pour  $x \in [-2,6 ; -1,9]$ ,  $f(x) \geq \dots$

►2. a) Donner un encadrement de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-6 ; 4]$ .

b) Donner un encadrement de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-2,4 ; -0,3]$ .

$x$	-6	-4	-3	-2	0	3	4
$f(x)$	2				0		-1

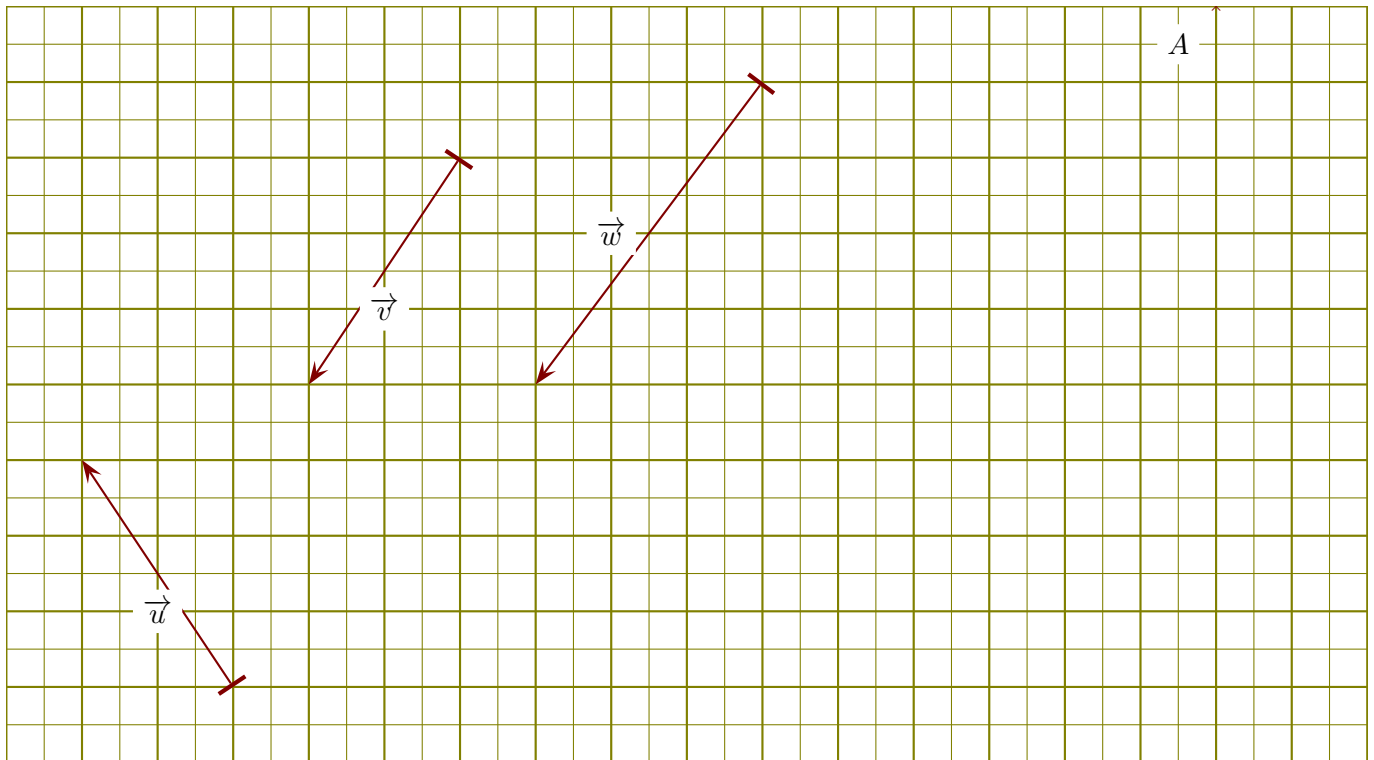
**Exercice 12**



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$  ci-dessous.

- 1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .
- 2. Placer un point B de sorte que le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  soit égal à  $0.5 \times \vec{u}$ .
- 3. Calculer les normes de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .
- 4. Dessiner des représentants des vecteurs  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{w}$  et  $\vec{v} + \vec{w}$ .

**Exercice 13**



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$  ci-dessous.

- ▶1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .
- ▶2. Placer un point B de sorte que le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  soit égal à  $2 \times \vec{v}$ .
- ▶3. Calculer les normes de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .
- ▶4. Dessiner des représentants des vecteurs  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{w}$  et  $\vec{v} + \vec{w}$ .

**Corrigé de l'exercice 1**

- 1. Convertir les cinq mesures suivantes en radians :  $157^\circ$ ,  $311^\circ$ ,  $55^\circ$ ,  $54^\circ$  et  $88^\circ$ .

La conversion est en fait une simple règle de proportionnalité : il faut multiplier par  $\frac{\pi}{180}$ .

Par exemple pour la première mesure, on obtient avec simplification :  $157 \times \frac{\pi}{180} = \frac{157\pi}{180}$  rad.

De même pour les autres mesures, on trouve alors respectivement :  $\frac{157\pi}{180}$  rad,  $\frac{311\pi}{180}$  rad,  $\frac{11\pi}{36}$  rad,  $\frac{3\pi}{10}$  rad et  $\frac{22\pi}{45}$  rad.

- 2. Convertir les cinq mesures suivantes en degrés :  $\frac{14\pi}{20}$ ,  $\frac{280\pi}{180}$ ,  $\frac{2\pi}{9}$ ,  $\frac{9\pi}{15}$  et  $\frac{14\pi}{45}$  rad.

On effectue alors la proportionnalité inverse : il faut multiplier par  $\frac{180}{\pi}$ .

Après simplification, voici les résultats :  $126^\circ$ ,  $280^\circ$ ,  $40^\circ$ ,  $108^\circ$  et  $56^\circ$ .

- 3. Déterminer les mesures principales des angles suivants en radians :  $\frac{21\pi}{16}$ ,  $\frac{91\pi}{3}$ ,  $\frac{35\pi}{14}$ ,  $\frac{16\pi}{11}$  et  $\frac{-39\pi}{25}$  rad.

Une mesure d'angle en radians est définie modulo  $2\pi$ , c'est-à-dire que l'ajout ou la suppression d'un tour ( qui vaut  $2\pi$  ou  $360^\circ$ ) ne change pas un angle.

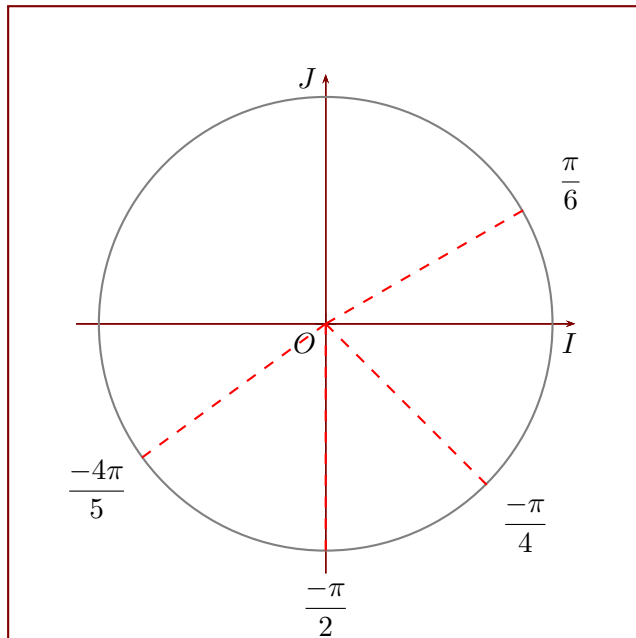
Concrètement, avec le premier angle de la question, on remarque que :

$$\frac{21\pi}{16} \equiv \frac{-11\pi}{16} + \frac{32\pi}{16} \equiv \frac{-11\pi}{16} + 2\pi \equiv \frac{-11\pi}{16} \pmod{2\pi}.$$

De même pour les autres mesures, on trouve alors respectivement :  $\frac{-11\pi}{16}$  rad,  $\frac{\pi}{3}$  rad,  $\frac{\pi}{2}$  rad,  $\frac{-6\pi}{11}$  rad et  $\frac{11\pi}{25}$  rad.

- 4. Des angles ont été placés sur le cercle trigonométrique ci-dessous, représentés en rouge par les points  $M_0$ ,  $M_1$ ,  $M_2$  et  $M_3$ . Lire leurs mesures principales en radians ( les lignes vertes, grises et bleues représentent des angles multiples de  $\frac{\pi}{3}$ , de  $\frac{\pi}{4}$  et de  $\frac{\pi}{5}$  ).

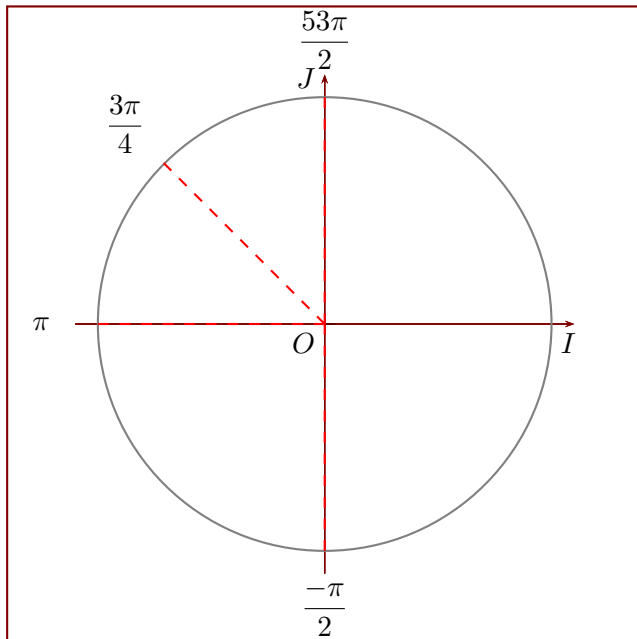
Les réponses sont directement données sur le cercle trigonométrique ci-dessous :



Les points  $M_0$ ,  $M_1$ ,  $M_2$  et  $M_3$  définissent alors respectivement les angles  $\frac{-\pi}{2}$ ,  $\frac{\pi}{6}$ ,  $\frac{-\pi}{4}$  et  $\frac{-4\pi}{5}$  rad.

- 5. Placer les angles suivants sur le cercle trigonométrique :  $\frac{3\pi}{4}$ ,  $\pi$ ,  $\frac{-\pi}{2}$  et  $\frac{106\pi}{4}$  rad.

Les réponses sont directement données sur le cercle trigonométrique ci-dessous :

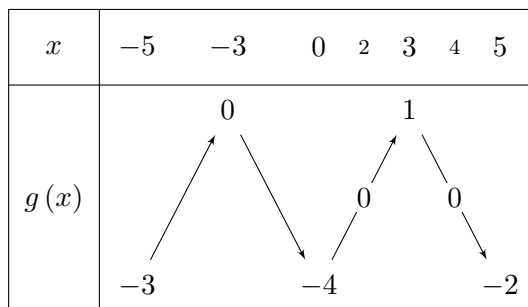
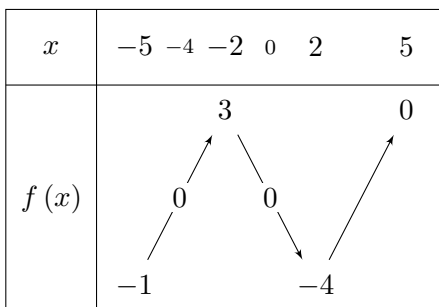


Ajoutons une simple remarque pour la dernière mesure, qui n'est pas principale : il faut effectuer en premier lieu une simplification, comme à la question 3. On obtient alors :

$$\frac{106\pi}{4} \equiv \frac{\pi}{2} (2\pi).$$

**Corrigé de l'exercice 2**

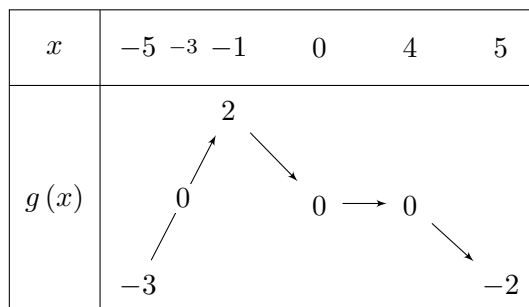
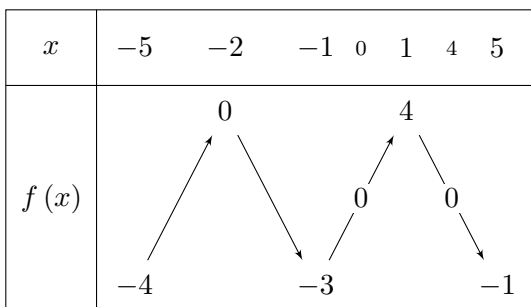
►1. la fonction  $f$  est décroissante sur  $[-2 ; 2]$ , croissante sur  $[-5 ; -2]$  et  $[2 ; 5]$ .



►2.

**Corrigé de l'exercice 3**

►1. la fonction  $f$  est décroissante sur  $[-2 ; -1]$  et  $[1 ; 5]$ , croissante sur  $[-5 ; -2]$  et  $[-1 ; 1]$ .

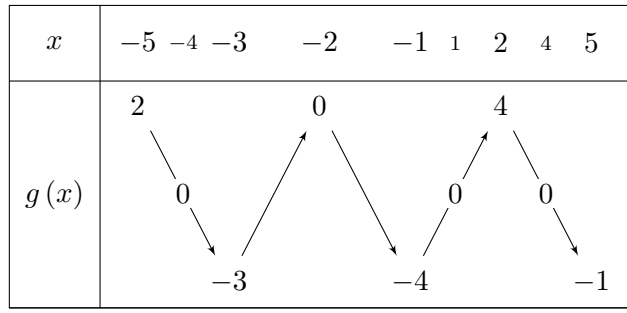
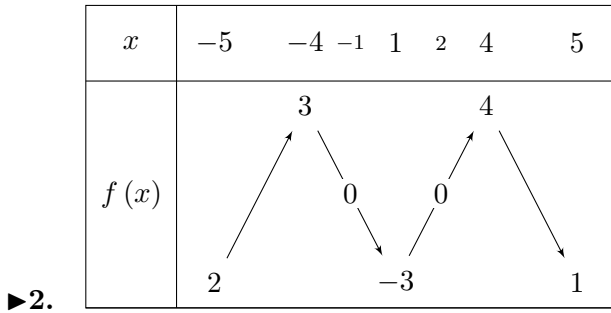


►2.

**Corrigé de l'exercice 4**

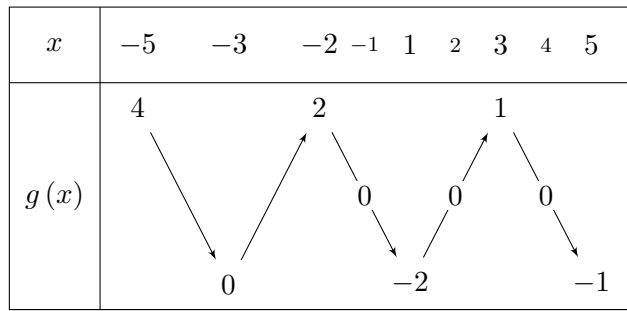
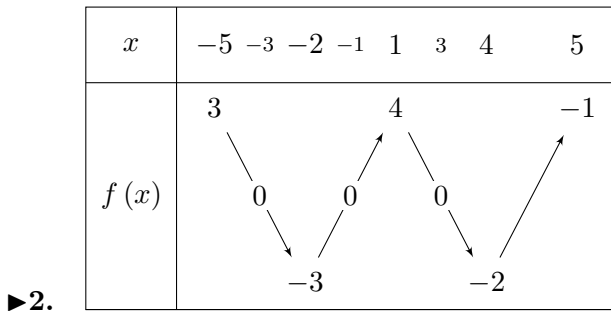
►1. la fonction  $f$  est décroissante sur  $[-4 ; 1]$  et  $[4 ; 5]$ , croissante sur  $[-5 ; -4]$  et  $[1 ; 4]$ .





**Corrigé de l'exercice 5**

►1. la fonction  $f$  est décroissante sur  $[-5 ; -2]$  et  $[1 ; 4]$ , croissante sur  $[-2 ; 1]$  et  $[4 ; 5]$ .



**Corrigé de l'exercice 6**

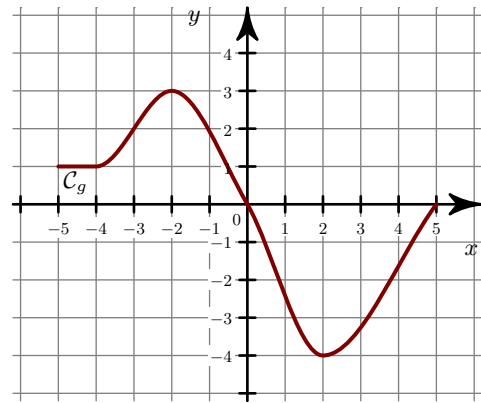
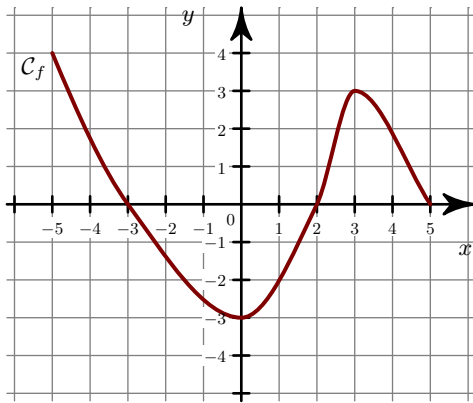
- 1. • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $f$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = -5$ .
- Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $f$  est  $y = -4$ . Il est **atteint en**  $x = 2$ .
- 2. Sur  $[-4 ; 0]$ , le **maximum** de  $f$  est  $y = 2$ . Il est **atteint en**  $x = -4$ .
- 3. • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = 1$ .
- Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = -4$ . Il est **atteint en**  $x = -5$ .
- 4. • Sur  $[-2 ; 1]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = 1$ .
- Sur  $[-2 ; 1]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = 0$ . Il est **atteint en**  $x = -2$ .

**Corrigé de l'exercice 7**

- 1. • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $f$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = -5$ .
- Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $f$  est  $y = -3$ . Il est **atteint en**  $x = 5$ .
- 2. Sur  $[1 ; 4]$ , le **minimum** de  $f$  est  $y = -1$ . Il est **atteint en**  $x = 3$ .
- 3. • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = -5$ .
- Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = -4$ . Il est **atteint en**  $x = -2$ .
- 4. • Sur  $[-2 ; 3]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 3$ . Il est **atteint en**  $x = 1$ .
- Sur  $[-2 ; 3]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = -4$ . Il est **atteint en**  $x = -2$ .

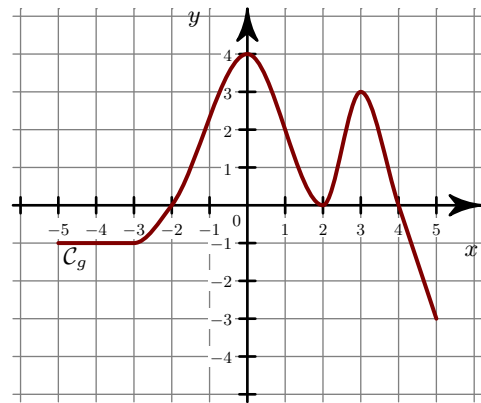
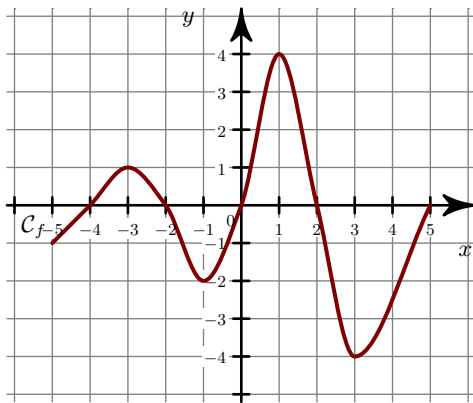
**Corrigé de l'exercice 8**

- 1. a) La fonction  $f$  est **négative** sur  $[-3 ; 2]$  et **positive** sur  $[-5 ; -3]$ ,  $[2 ; 5]$ .
- b) • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 3$ . Il est **atteint en**  $x = -2$ .
- Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = -4$ . Il est **atteint en**  $x = 2$ .
- 2.



### Corrigé de l'exercice 9

- 1. a) La fonction  $f$  est **négative** sur  $[-5 ; -4]$ ,  $[-2 ; 0]$ ,  $[2 ; 5]$  et **positive** sur  $[-4 ; -2]$ ,  $[0 ; 2]$ .  
 b) • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **maximum** de  $g$  est  $y = 4$ . Il est **atteint en**  $x = 0$ .  
 • Sur  $[-5 ; 5]$ , le **minimum** de  $g$  est  $y = -3$ . Il est **atteint en**  $x = 5$ .
- 2.



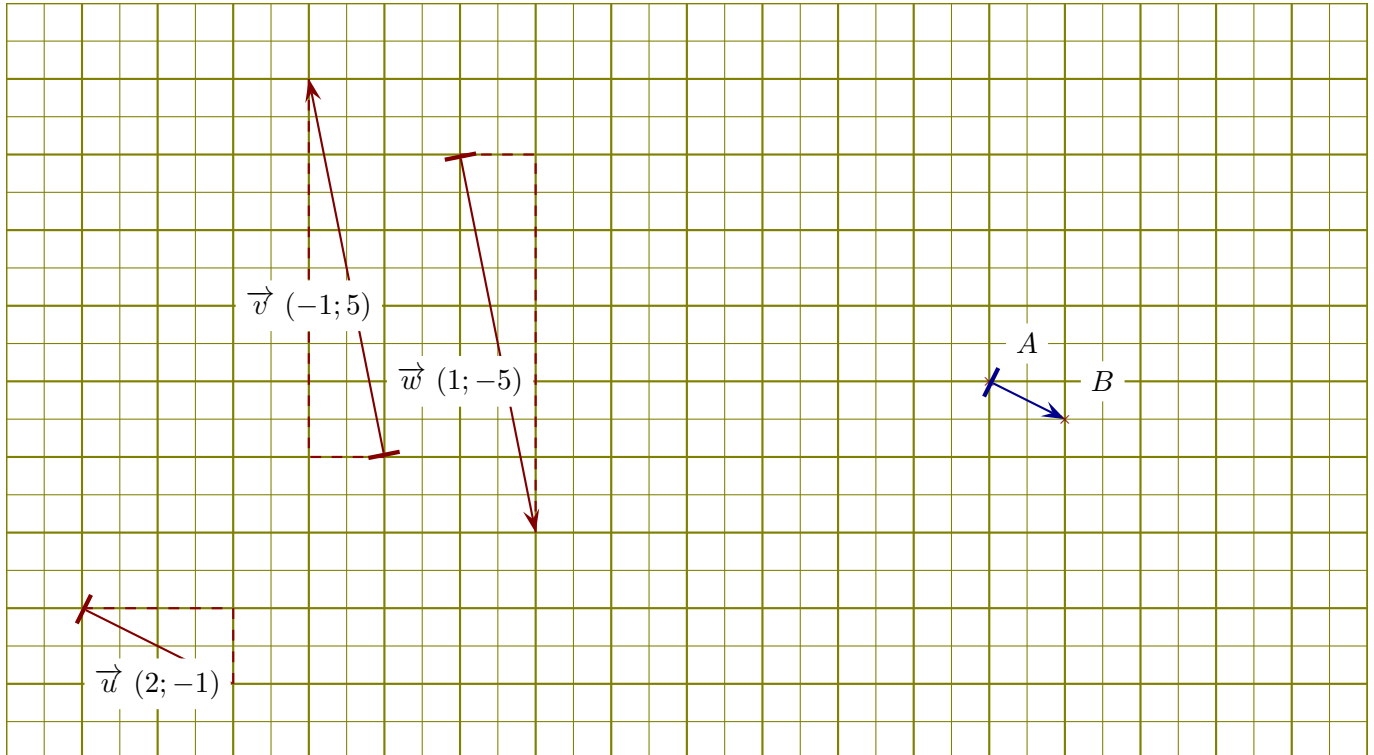
### Corrigé de l'exercice 10

- 1. a)  $f(6,4) < f(7,3)$  car  $6,4 < 7,3$  et  $f$  est croissante sur  $[6 ; 8]$ .  
 b)  $f(-4,7) = f(-3,7)$  car  $-4,7 < -3,7$  et  $f$  est constante sur  $[-5 ; -3]$ .  
 c)  $f(3,6) > f(5,1)$  car  $3,6 < 5,1$  et  $f$  est décroissante sur  $[3 ; 6]$ .
- 2.  $f(2,3) > f(6,3)$  car d'après le signe de la fonction  $f(2,3) > 0$  et  $f(6,3) < 0$  (par contre, on ne peut pas utiliser le sens de variation qui change sur l'intervalle  $[2,3 ; 6,3]$ ).
- 3. On ne peut pas comparer  $f(1,6)$  et  $f(6,6)$  car la fonction  $f$  n'est pas monotone (elle change de sens de variation) sur  $[1,6 ; 6,6]$ .

### Corrigé de l'exercice 11

- 1. a) Pour  $x \in [-6 ; 4]$ ,  $f(x) \geq -5$  | c) Pour  $x \in [-2,6 ; -1,9]$ ,  $f(x) \geq -4$   
 b) Pour  $x \in [-6 ; 4]$ ,  $f(x) \leq 2$
- 2. a) Sur  $[-6 ; 4]$ ,  $-5 \leq f(x) \leq 2$ .  
 b) Sur  $[-2,4 ; -0,3]$ ,  $-4 \leq f(x) \leq 0$ .

### Corrigé de l'exercice 12



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$  ci-dessous.

- 1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .

Un petit rappel : l'abscisse d'un vecteur est la différence d'abscisse entre le fin et le début du vecteur. Concernant le vecteur  $\vec{u}$ , son abscisse est 2. On lit également son ordonnée : -1. Donc les coordonnées de  $\vec{u}$  sont (2, -1). Des pointillés ont été ajoutés sur la figure pour faciliter la lecture des coordonnées. De même, les coordonnées de  $\vec{v}$  sont (-1, 5) et les coordonnées de  $\vec{w}$  sont (1, -5).

- 2. Placer un point B de sorte que le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  soit égal à  $0.5 \times \vec{u}$ .

Le plus simple pour répondre à cette question est de calculer les coordonnées du vecteur  $0.5 \times \vec{u}$ . Cela se fait en multipliant les coordonnées de  $\vec{u}$  par 0.5, ce qui donne comme résultat (1.0; -0.5). En partant du point A et en respectant ces coordonnées, on dessine un vecteur (en bleu sur la figure ci-dessus) qui indique l'emplacement du point B.

- 3. Calculer les normes de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .

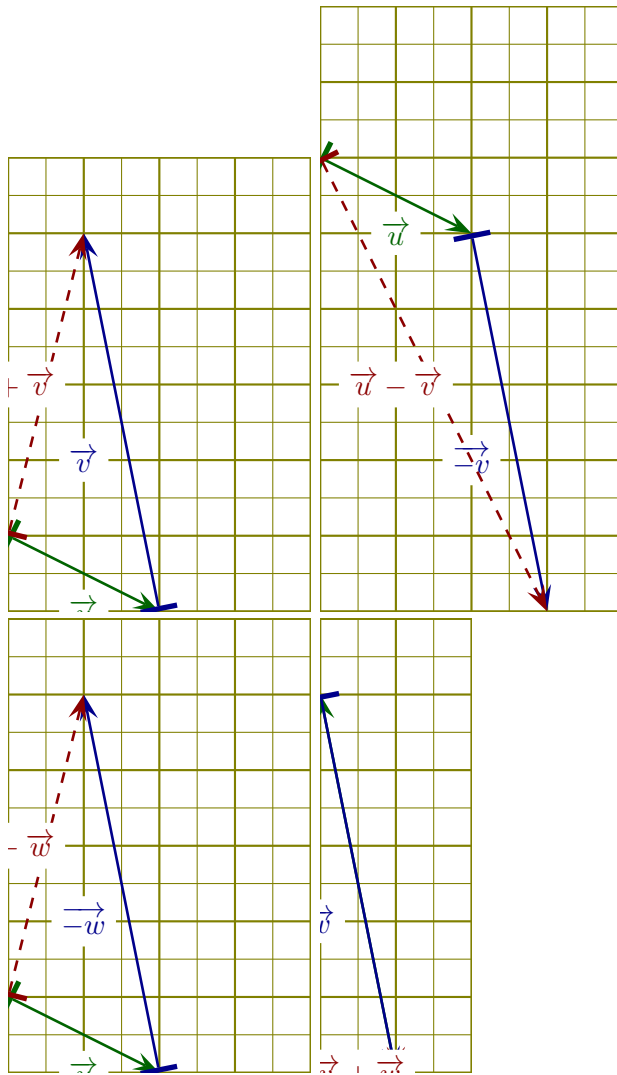
$$\|\vec{u}\| = \sqrt{(2)^2 + (-1)^2} = \sqrt{4 + 1} = \sqrt{5}.$$

$$\text{De la même manière, on obtient : } \|\vec{v}\| = \sqrt{(-1)^2 + (5)^2} = \sqrt{1 + 25} = \sqrt{26} \text{ et}$$

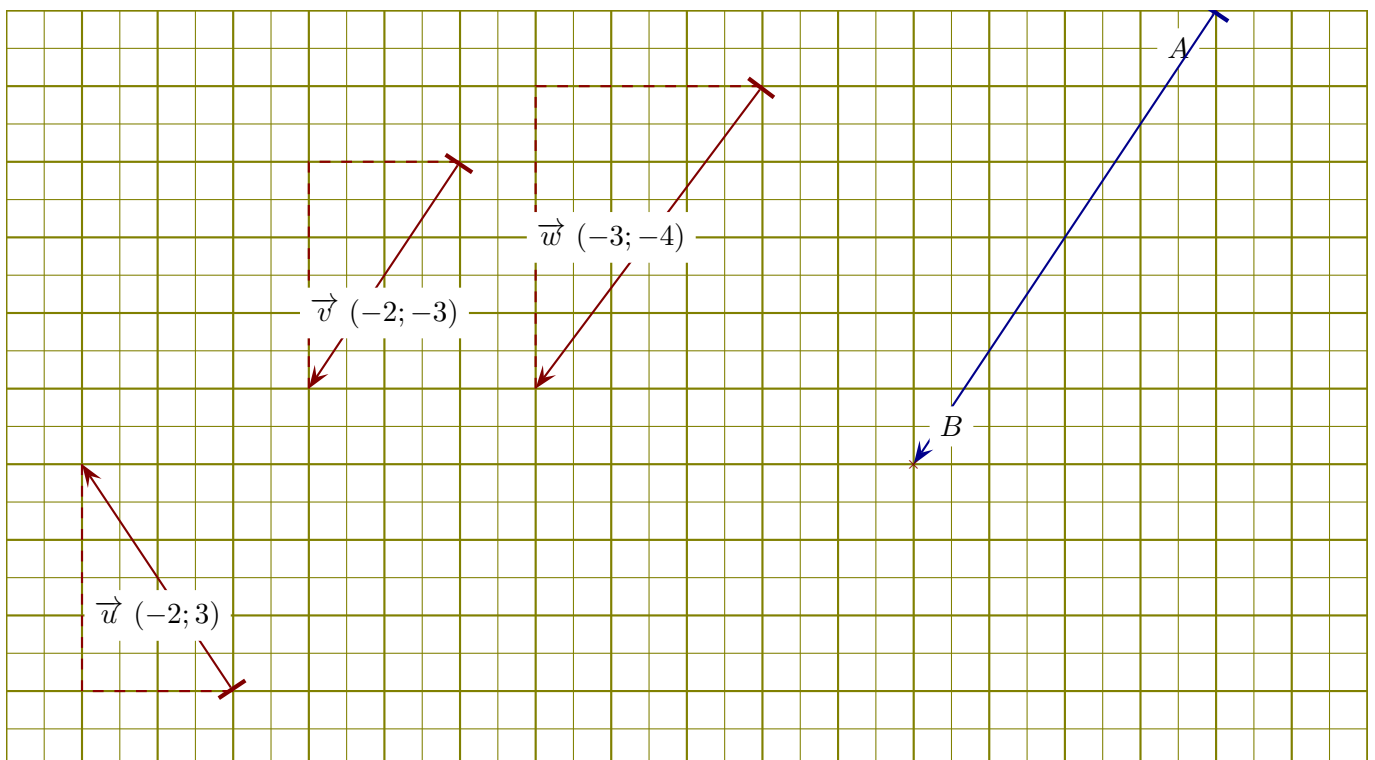
$$\|\vec{w}\| = \sqrt{(1)^2 + (-5)^2} = \sqrt{1 + 25} = \sqrt{26}.$$

- 4. Dessiner des représentants des vecteurs  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{w}$  et  $\vec{v} + \vec{w}$ .

Pour dessiner les sommes ou différences de vecteurs, il faut les mettre "bouts à bouts", comme sur les figures qui suivent :



**Corrigé de l'exercice 13**



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$  ci-dessous.

- 1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .

Un petit rappel : l'abscisse d'un vecteur est la différence d'abscisse entre le fin et le début du vecteur. Concernant le vecteur  $\vec{u}$ , son abscisse est  $-2$ . On lit également son ordonnée :  $-2$ . Donc les coordonnées de  $\vec{u}$  sont  $(-2, 3)$ . Des pointillés ont été ajoutés sur la figure pour faciliter la lecture des coordonnées. De même, les coordonnées de  $\vec{v}$  sont  $(-2, -3)$  et les coordonnées de  $\vec{w}$  sont  $(-3, -4)$ .

- 2. Placer un point B de sorte que le vecteur  $\vec{AB}$  soit égal à  $2 \times \vec{v}$ .

Le plus simple pour répondre à cette question est de calculer les coordonnées du vecteur  $2 \times \vec{v}$ . Cela se fait en multipliant les coordonnées de  $\vec{v}$  par 2, ce qui donne comme résultat  $(-4; -6)$ . En partant du point A et en respectant ces coordonnées, on dessine un vecteur (en bleu sur la figure ci-dessus) qui indique l'emplacement du point B.

- 3. Calculer les normes de chacun des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$ , et  $\vec{w}$ .

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{(-2)^2 + (3)^2} = \sqrt{4 + 9} = \sqrt{13}.$$

De la même manière, on obtient :  $\|\vec{v}\| = \sqrt{(-2)^2 + (-3)^2} = \sqrt{4 + 9} = \sqrt{13}$  et

$$\|\vec{w}\| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5.$$

- 4. Dessiner des représentants des vecteurs  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{v}$ ,  $\vec{u} - \vec{w}$  et  $\vec{v} + \vec{w}$ .

Pour dessiner les sommes ou différences de vecteurs, il faut les mettre "bouts à bouts", comme sur les figures qui suivent :

